

ЛІСОВА ПОЛІТИКА І ТАКСАЦІЯ

УДК 630*56

МОДЕЛЮВАННЯ ДИНАМІКИ РОСТУ МОДАЛЬНИХ ДЕРЕВОСТАНІВ БУКА ЛІСОВОГО КАРПАТСЬКОГО РЕГІОНУ ЗА ОСНОВНИМИ ТАКСАЦІЙНИМИ ПОКАЗНИКАМИ

**О.П. Бала, А.Ю. Терентьев, Р.Д. Василишин, кандидати
сільськогосподарських наук**

Проведено на основі повидільної бази даних ВО "Укрдержліспроект" моделювання динаміки росту за основними таксаційними показниками для букових деревостанів Карпатського регіону у межах груп насаджень різних за складом і походженням.

Модальні деревостани, бук лісовий, повидільна база даних, моделювання динаміки росту, походження насаджень.

Одним з важливих етапів розробки таксаційних нормативів для оцінки модальних насаджень є вивчення, опис та оцінка динамічних процесів, які відбуваються в деревостанах. Завдання такого типу найбільш складні та відповідальні, оскільки результати моделювання динамічних процесів у подальшому будуть покладені в основу моделей побудови таблиць ходу росту (ТХР) для модальних деревостанів, які, у свою чергу, можуть бути використані для визначення загальної біологічної продуктивності деревостанів, моделей для знаходження об'ємів фітомаси, моделей прогнозу росту тощо.

Мета дослідження – проведення моделювання динаміки росту за основними таксаційними показниками для різних за походженням груп букових деревостанів Карпатського регіону України.

Матеріали та методика дослідження. У сучасній лісотаксаційній науці застосовують декілька методик складання таблиць ходу росту [1, 4], але всі вони мають загальний етап – встановлення типу росту деревостанів, який визначає особливості розвитку деревостану в часі. Він залежить від ґрунтово-кліматичних умов, які, головним чином, визначаються географічним положенням [6].

Таблиці ходу росту є основою нормативно-довідкових даних при веденні лісового господарства, обліку лісів та їх ресурсів. Необхідність цих таблиць полягає у застосуванні їх при проектуванні та реалізації лісогосподарських заходів з метою підвищення продуктивності лісів. Модальні таблиці ходу росту слугують для відображення існуючого стану лісів у даний період та мають широке застосування в лісовпорядній практиці. На відміну від таблиць ходу росту для нормальних деревостанів, модальні таблиці, значною мірою, залежать від способів та режимів господарювання, що проводяться у лісі [8, 14].

Основа деяких методик лісового районування полягає саме у подібності типів росту для сукупності деревостанів [5]. Природно, що ТХР мають відображувати всі особливості росту (типи росту) деревостанів, для яких вони складаються. Типологічний метод передбачає, що лісостани, які зростають в одинакових типах лісорослинних умов, мають аналогічний хід росту. Іноді додають умову, що деревостани, в яких проводяться дослідження, мають також належати до одного типу лісу [11, 12, 13].

Моделювання таксаційних показників штучних модальних деревостанів вимагає чіткого розподілу останніх на статистично обґрунтовані однорідні структурні елементи (частини), що в подальшому дасть змогу знайти достовірніші моделі для прогнозування їх росту і розвитку. З цією метою було використано повидільну базу даних надану ВО "Укрдержліспроект", яка характеризує деревостани бука лісового в державних лісогосподарських підприємствах у Львівській, Івано-Франківській, Чернівецькій та Закарпатській областях.

Перед використанням бази даних здійснювалась її верифікація з метою пошуку і відсіювання грубих помилок (промахів) в аналізованих таксаційних ознаках деревостанів. У результаті проведеної верифікації для подальшої роботи була доступною повидільна база даних обсягом 70 897 виділів, загальною площею 464 833 га.

Результати дослідження. Основним таксаційним показником для встановлення ходу росту є середня висота деревостану, яка має меншу варіацію, ніж середній діаметр, кількість стовбурів чи запас. окремі автори [2, 9] стверджують, що більш коректним показником є верхня висота деревостану (середня висота 100 найтовстіших дерев або їх певний відсоток) – вона являє собою значно стабільніший показник, має ще меншу варіацію, ніж середня висота, та майже не залежить від рубок, пов'язаних із веденням лісового господарства. Зв'язок верхньої висоти із середньою дуже тісний, тому перехід здійснюється без втрат точності даних [9, 10, 15].

Враховуючи значну кількість дослідних даних та їх велику дисперсію, виникла необхідність у їх групуванні. На нашу думку, для цього доцільніше створити динамічну бонітетну шкалу, яка дозволить розділити дослідні дані на більш однорідні частини, зменшити варіацію досліджуваних показників та враховувати біологічні особливості росту деревної породи. Зважаючи на той факт, що в лісовій практиці, зокрема, у виробничих умовах, верхня висота деревостану не використовується, було проведено моделювання середньої висоти деревостану. В його основу вирішено покласти модель росту, розроблену кафедрою лісової таксації та лісовопорядкування Національного університету біоресурсів і природокористування України (НУБіП України) [16] модель для чистих, природних букових деревостанів, яка має такий вигляд.

$$H = \frac{1,830(1 - \exp(-0,013841 \cdot A \cdot (1 - \exp(-0,0312 \cdot A))))^{0,699} \cdot H_{BAZ}}{1,006 + 5,411/A - 20,26/A^2}, \quad (1)$$

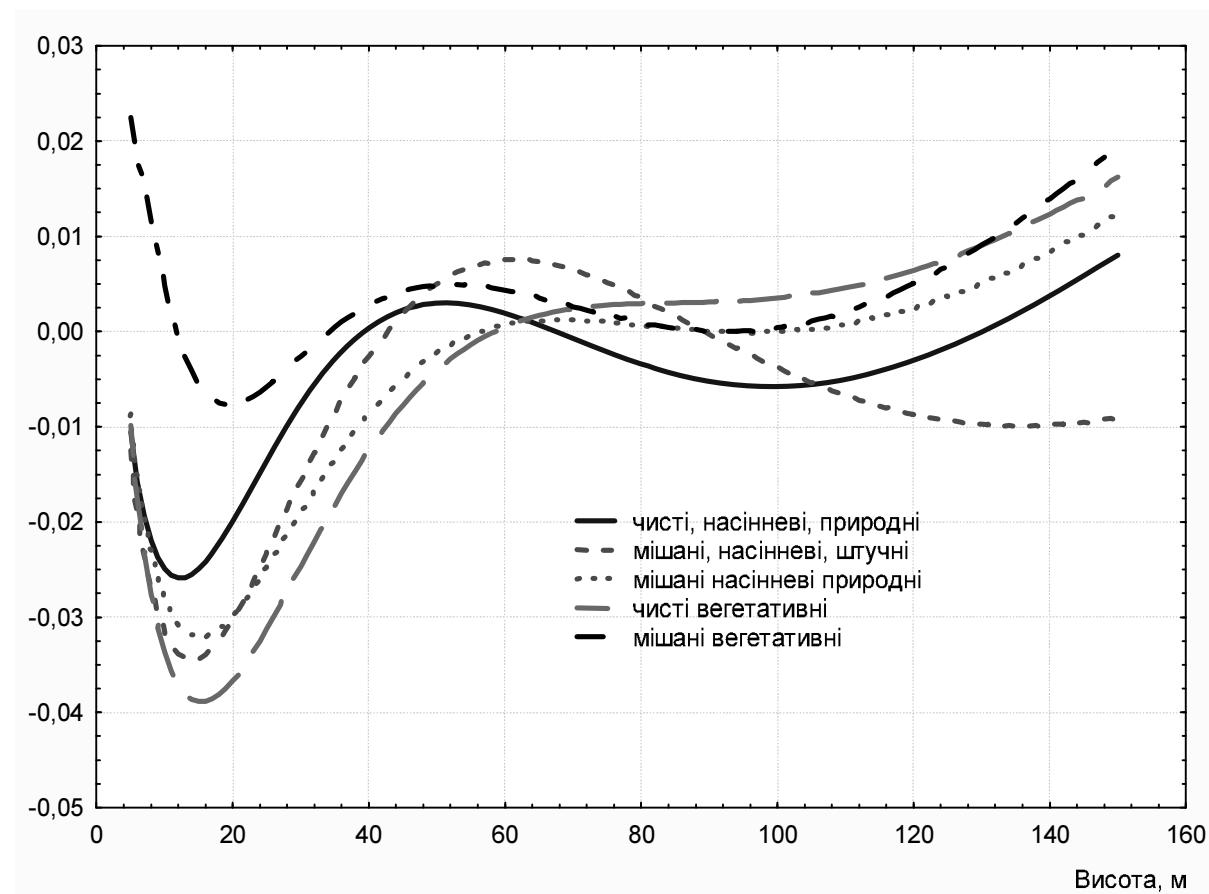
де H – середня висота деревостану, м;

A – вік деревостану, років;

H_{BAZ} – середня висота деревостану у базовому віці, м.

Після перенесення $H_{БАЗ}$ у ліву частину рівняння, отримаємо математичну модель для визначення відносних висот. Наведену модель було розроблено з використанням базової висоти у віці 50 років. Модель відносної висоти в подальшому буде використовуватися для моделювання та буде прийнята як базова.

Враховуючи відсутність моделей динаміки для кожної із досліджуваних груп насаджень (насіннєвого та вегетативного походження, чистих і мішаних деревостанів, природних та штучних насаджень) було вирішено встановити математичні залежності для кожної з груп через різницю середніх висот. З цією метою було вирівняно середні відносні висоти кожної групи деревостанів і знайдено різницю між ними та базовим деревостаном. Графічна інтерпретація різниці між відносними висотами досліджуваних деревостанів була лісового наведена на рисунку.



Залежність різниці відносних висот у межах досліджуваних груп від віку для деревостанів бука лісового

Аналізуючи рисунок можна зауважити, що різниця між середніми висотами досліджуваних груп деревостанів знаходитьться у певній закономірності та може бути описана методами математичного моделювання. Загалом можна відзначити, що, порівняно з базовою моделлю, всі досліджувані групи насаджень мають схожу тенденцію. До 60 років майже всі (окрім мішаних вегетативних деревостанів) вони значно перевищують за висотою базову модель. Після 60 років базова модель характеризується

вищою енергією росту, ніж інші. Відрізняються лише мішані, насіннєві, штучного походження, які, починаючи з 60 років, збільшують свій ріст, після 90 років перевищують базову модель і їхня енергія не спадає до 150 років. Мішані, вегетативні деревостани, починаючи з 30–35 років, відзначаються меншою енергією росту, ніж базовий деревостан, і це зниження спостерігається впродовж усього періоду життя.

Для пошуку математичних моделей, які б адекватно описували отриману залежність, вирішено використати таку модель:

$$\Delta h = a_0 + a_1 A + a_2 A^2 + a_3 A^3 + a_4 A^4 + a_5 A^{1/2} + a_6 A^{1/3} + a_7 A^{1/4}. \quad (2)$$

При проведенні досліджень та оцінці параметрів моделей будемо керуватися загальними передумовами регресійного аналізу [7], а саме:

1. Регресійна модель має пояснювати понад 90 % варіації залежності змінної (коєфіцієнт детермінації $R^2 > 0,9$).
2. Достовірність моделі оцінюється за F -критерієм Фішера.
3. Коєфіцієнти при незалежних змінних мають бути значущі на 5 %-му рівні за t -критерієм Ст'юдента.
4. Відносна похибка має становити менше ніж 10 % середнього значення прогнозованого показника.
5. Залишки регресії повинні мати нормальній розподіл без автокореляції та систематичних відхилень.

Моделювання шуканої залежності свідчить, що ця модель достатньо чітко описує всі різкі перегини, що простежуються для деяких груп деревостанів (див. рисунок). Завдяки пошуку математичних залежностей було отримано такі коєфіцієнти рівняння та їх статистики:

1. Значення коєфіцієнтів та статистичні характеристики рівняння (2) для деревостанів бука лісового

Коефіцієнт	Значення коєфіцієнта	Стандартна похибка	t -критерій Ст'юдента	Довірчий інтервал	
				нижній рівень	верхній рівень
Для групи чистих, насіннєвих природного походження					
a_0	-8,527	0,362	-23,550	-9,243	-7,811
a_1	-0,180	0,00727	-24,733	-0,194	-0,165
a_2	0,000274	0,0000153	17,911	0,000244	0,000304
a_3	-4,78E-07	5,04E-08	-9,494	-5,78E-07	-3,79E-07
a_4	2,61E-10	8,67E-11	3,007	8,92E-11	4,32E-10
a_5	12,028	0,473	25,444	11,094	12,963
a_6	-57,614	2,297	-25,083	-62,155	-53,072
a_7	54,188	2,186	24,791	49,866	58,510
Для групи мішаних, насіннєвих штучного походження					
a_0	-5,307	0,395	-13,443	-6,088	-4,527
a_1	-0,081	0,00793	-10,193	-0,0966	-0,0652
a_2	0,0000116	0,0000167	0,697	-0,0000214	0,0000446
a_3	3,96E-07	5,50E-08	7,206	2,87E-07	5,05E-07
a_4	-1,11E-09	9,47E-11	-11,698	-1,29E-09	-9,20E-10

a_5	6,788	0,516	13,166	5,769	7,808
a_6	-33,980	2,505	-13,566	-38,933	-29,027
a_7	32,517	2,384	13,642	27,804	37,231
Для групи мішаних, насіннєвих природного походження					
a_0	-4,611	0,367	-12,550	-5,338	-3,885
a_1	-0,075	0,00738	-10,193	-0,090	-0,061
a_2	0,0000316	0,0000155	2,040	9,78E-07	0,0000623
a_3	2,70E-07	5,11E-08	5,292	1,69E-07	3,71E-07
a_4	-8,64E-10	8,79E-11	-9,829	-1,04E-09	-6,90E-10
a_5	6,058	0,480	12,629	5,109	7,006
a_6	-30,061	2,331	-12,898	-34,669	-25,453
a_7	28,645	2,218	12,916	24,260	33,031
Для групи чистих вегетативного походження					
a_0	-4,103	0,354	-11,601	-4,803	-3,404
a_1	-0,0647	0,00710	-9,121	-0,079	-0,0507
a_2	4,71E-06	0,0000149	0,316	-0,0000248	0,0000342
a_3	3,56E-07	4,92E-08	7,234	2,58E-07	4,53E-07
a_4	-9,91E-10	8,46E-11	-11,707	-1,16E-09	-8,23E-10
a_5	5,457	0,462	11,823	4,544	6,369
a_6	-27,137	2,243	-12,099	-31,572	-22,702
a_7	25,826	2,135	12,099	21,605	30,046
Для групи мішаних вегетативного походження					
a_0	-14,126	0,412	-34,289	-14,940	-13,311
a_1	-0,246	0,00827	-29,686	-0,262	-0,229
a_2	0,000351	0,0000174	20,185	0,000317	0,000385
a_3	-6,41E-07	5,73E-08	-11,191	-7,54E-07	-5,28E-07
a_4	4,75E-10	9,86E-11	4,822	2,80E-10	6,70E-10
a_5	17,798	0,538	33,094	16,734	18,861
a_6	-88,297	2,613	-33,791	-93,464	-83,130
a_7	84,633	2,487	34,034	79,716	89,550

З показників табл. 1 випливає, що майже всі коефіцієнти при незалежних змінних є значущими, лише в групах мішаних, насіннєвих штучного походження та чистих вегетативного походження є незначущим коефіцієнтом a_2 , що в цілому не відображується на адекватності отриманої моделі.

Отже, з урахуванням наведених розрахунків, структура рівняння для розрахунку середньої висоти для окремої групи деревостанів набуде такого вигляду:

$$H_{\Gamma p} = \left(\frac{H}{H_{50BM}} + \Delta h \right) \cdot H_{50}, \quad (3)$$

де $H_{\Gamma p}$ – висота досліджуваної групи деревостанів;

$\frac{H}{H_{50BM}}$ – відносна висота базової моделі (розрахована за формулою (1));

Δh – різниця середніх відносних висот базового деревостану та досліджуваної групи (розрахована за формулою (2));

H_{50} – висота в базовому віці.

Наступним таксаційним показником, що підлягав моделюванню, був середній діаметр деревостану. Цей показник перебуває у тісній залежності з

віком та висотою деревостанів, але, крім того, істотно впливає на діаметр відносна повнота, що особливо актуально при складанні таблиць ходу росту для модальних деревостанів. Отже, моделювання середнього діаметра буде відбуватися як функція від віку, середньої висоти та повноти. У результаті багатоваріантного пошуку адекватних моделей росту для побудови нормативів середнього діаметра було використано таке рівняння:

$$D = a_0 \cdot A^{a_1} \cdot \exp(a_2 \cdot H) \cdot P^{a_3}, \quad (4)$$

де D – середній діаметр деревостану;

P – відносна повнота деревостану.

2. Значення коефіцієнтів та статистичні характеристики рівнянь (4, 5) для деревостанів бука лісового

Коефіцієнт	Значення коефіцієнта	Стандартна похибка	t-критерій Ст'юдента	Довірчий інтервал	
				нижній рівень	верхній рівень
Для групи чистих, насіннєвих штучного походження (5)					
a_0	1,795	0,212	8,47	1,378	2,211
a_1	0,461	0,0408	11,31	0,381	0,541
a_2	0,0323	0,00260	12,43	0,0272	0,0375
Для групи чистих, насіннєвих природного походження (4)					
a_0	2,343	0,0266	88,06	2,291	2,395
a_1	0,431	0,00322	133,79	0,425	0,437
a_2	0,0225	0,000262	86,08	0,0220	0,0231
a_3	-0,176	0,00391	-45,01	-0,184	-0,169
Для групи мішаних, насіннєвих штучного походження (5)					
a_0	1,750	0,0451	38,79	1,662	1,839
a_1	0,419	0,00973	43,08	0,400	0,438
a_2	0,0411	0,000700	58,72	0,0397	0,0425
Для групи мішаних, насіннєвих природного походження (4)					
a_0	2,296	0,0163	141,25	2,264	2,328
a_1	0,414	0,00223	185,81	0,410	0,418
a_2	0,0277	0,000204	135,86	0,0273	0,0281
a_3	-0,140	0,00311	-45,09	-0,146	-0,134
Для групи чистих вегетативного походження (4)					
a_0	1,412	0,138	10,25	1,142	1,683
a_1	0,552	0,0303	18,23	0,493	0,612
a_2	0,0234	0,00194	12,06	0,0196	0,0273
a_3	-0,209	0,0260	-8,06	-0,260	-0,158
Для групи мішаних вегетативного походження (4)					
a_0	1,338	0,0962	13,90	1,149	1,527
a_1	0,538	0,0225	23,88	0,494	0,582
a_2	0,0281	0,00150	18,76	0,0251	0,0310
a_3	-0,259	0,0195	-13,28	-0,297	-0,221

Проте для чистих та мішаних, насіннєвих деревостанів штучного походження спостерігається незначущість коефіцієнтів при відносній повноті, тому вирішили вилучити її з рівняння. Отримана модель для цих груп набуде наступного вигляду.

$$D = a_0 \cdot A^{a_1} \cdot \exp(a_2 \cdot H). \quad (5)$$

Оскільки як фактори використовувалися вік та середня висота, то ця модель може бути придатна для будь-якого класу бонітету. За допомогою функції нелінійної регресії було знайдено коефіцієнти рівнянь (4, 5), статистичну характеристику яких наведено в табл. 2.

Як свідчать показники табл. 2, всі коефіцієнти є значущими, оскільки критерій Ст'юдента для всіх коефіцієнтів рівнянь більший за 2 та в довірчий інтервал не потрапляє значення нуля.

Одним із основних таксаційних показників, які характеризують продуктивність насаджень, є його запас. У класичній таксації запас є функцією від суми площ поперечних перерізів (G), середньої висоти (H) та середнього видового числа (F) [1]. Попередній аналіз наявної бази даних виявив значну дисперсію запасів [3].

3. Коефіцієнти та статистичні характеристики рівняння (6) для визначення запасу деревостанів бука лісового

Коефіцієнт	Значення коефіцієнта	Стандартна похибка	t-критерій Ст'юдента	Довірчий інтервал	
				нижній рівень	верхній рівень
Для групи чистих, насіннєвих штучного походження					
a_0	3,205	1,150	2,787	0,944	5,466
a_1	1,717	0,176	9,735	1,371	2,064
a_2	-0,0333	0,00859	-3,879	-0,0502	-0,0164
Для групи чистих, насіннєвих природного походження					
a_0	6,802	1,032	6,592	4,779	8,825
a_1	1,373	0,0667	20,572	1,242	1,504
a_2	-0,0203	0,00254	-7,994	-0,0253	-0,0153
Для групи мішаних, насіннєвих штучного походження					
a_0	1,848	0,111	16,597	1,630	2,066
a_1	1,944	0,0315	61,780	1,883	2,006
a_2	-0,0387	0,00173	-22,391	-0,0421	-0,0353
Для групи мішаних, насіннєвих природного походження					
a_0	2,434	0,205	11,881	2,033	2,836
a_1	1,822	0,0381	47,837	1,748	1,897
a_2	-0,0370	0,00155	-23,927	-0,0400	-0,0340
Для групи чистих вегетативного походження					
a_0	0,166	0,150	1,105	-0,129	0,462
a_1	2,953	0,409	7,226	2,150	3,756
a_2	-0,0732	0,0165	-4,444	-0,106	-0,0408
Для групи мішаних вегетативного походження					
a_0	0,241	0,156	1,539	-0,0661	0,548
a_1	2,771	0,299	9,274	2,185	3,358
a_2	-0,0690	0,0125	-5,507	-0,0936	-0,0444

Для моделювання запасу, внаслідок багатоваріантного підбору математичних моделей, було вирішено використати функцію, яка має такий вигляд:

$$M = a_0 \cdot H^{a_1} \cdot \exp(a_2 \cdot H) \quad (6)$$

Враховуючи велику кількість дослідних показників та поділ їх на групи деревостанів, використання середньої висоти як незалежної змінної дасть можливість не розділяти вихідні дані за класами бонітету, та зменшить кількість математичних моделей. За результатами пошуку коефіцієнтів рівняння (6) було отримано такі показники.

З показників табл. 3 випливає, що всі коефіцієнти при незалежних змінних є значущими, окрім груп деревостанів вегетативного походження. Проте графічне порівняння масиву вихідних даних із даними, передбачуваними розрахованою моделлю з вилученням незначущих коефіцієнтів та без нього суттєво не вплинули на лінію тренду прогнозованих даних, що дозволяє прийняття обраної нами математичної моделі, як базової для всіх груп деревостанів.

Висновки

Отримано низку математичних моделей для моделювання росту за основними таксаційними показниками букових деревостанів для різних груп насаджень за походженням, що дасть можливість побудувати таблиці ходу росту для модальних деревостанів у межах досліджуваних груп.

Список літератури

1. Анучин Н.П. Лесная таксация / Н.П. Анучин – [5-е изд., доп.]. – М. : Лесн. пром-сть, 1982. – 550 с.
2. Багинский В.Ф. Бонитетные шкалы по верхней высоте для основных лесообразующих пород Западного региона Европейской части СССР / Багинский В.Ф. // Формирование высокопродуктивных насаждений Белорусси. – Минск : Польмя, 1980. – С. 67–80.
3. Бала О.П. Порівняльна характеристика таксаційних показників модальних деревостанів бука лісового Карпатського регіону України [Електронний ресурс] / О.П. Бала, А.Ю. Терентьев, Р.Д. Василишин // Наукові доповіді Національного університету біоресурсів і природокористування України. – 2011. – Вип. 6 (28) – Режим доступу: http://www.nbuv.gov.ua/e-journals/Nd/2011_6/11bop.pdf
4. Грязин Н.И. Таблицы хода роста и стандартные таблицы для сосновых и еловых насаждений Эстонской ССР / Н.И. Грязин // Сб. научных трудов ЭстСХА: труды по лесн. хоз-ву. – 1973. – № 89. – С. 159–184.
5. Давидов М.В. Опыт таксационного районирования сосновых лесов УССР по типам роста древостоев. Вопросы лесной таксации / М.В. Давидов // Труды УСГА. – 1978. – Вып. 213. – С. 19–26.
6. Давидов М.В. Типы роста сосновых лесов Европейской части СССР / М.В. Давидов // Лесной журнал. – 1977. – № 4. – С. 36–41.
7. Дрейпер Н. Прикладной регрессионный анализ : в 2 кн. [пер. с англ.] / Н. Дрейпер, Г. Смит. – 2-е изд., перераб. и доп. – М. : Финансы и статистика, 1986. – Кн. 1. – 366 с.ил. – (Математико-статистические методы за рубежом).
8. Загреев В. В. Географические закономерности роста и продуктивности древостоев / Загреев В. В. – М. : Лесн. пром-сть, 1978. – 237 с.
9. Лакида П.И. Модели роста и продуктивности искусственных древостоев сосны Полесья УССР: дис. ... канд. с.-х. наук : спец. 06.03.02 / Лакида Петро Иванович. – К., 1986. – 202 с.

10. Петренко М. М. Динаміка фітомаси та депонованого вуглецю штучних насаждень сосни Полісся України: дис. ... канд. с.-г. наук : спец. 06.03.02 / Петренко Михайло Михайлович. – К., 2002. – 166 с.
11. Порицкий Г.А. Рост молодняков сосны искусственного происхождения в условиях сложных суборей Изяславского лесхоза Хмельницкой области / Г.А. Порицкий // Вопросы оптимизации условий выращивания лесных насаждений : науч. тр. УСХА. – К., 1978. – Вып. 221. – С. 58–62.
12. Савич Ю.Н. Особенности роста сосновых культур в свежих суборях Полесья и Лесостепи : автореф. дис. на соискание ученой степени канд. с.-х. наук : спец. 06.03.02 "Лесоустройство и лесная таксация" / Ю.Н. Савич. – К., 1965. – 22 с.
13. Савич Ю.Н. Хід росту соснових культур Ia бонітету у типі лісу свіжий субір / Ю.Н. Савич // Доповіді УАСГН. – 1958. – № 5. – С. 58–60.
14. Свалов Н.Н. Моделирование производительности древостоев и теория лесопользования / Свалов Н.Н. – М. : Лесн. пром-сть, 1979. – 216 с.
15. Строчинский А.А. Методическое и нормативно-информационное обеспечение системы регулирования продуктивности лесных насаждений на Украине : автореф. дис. в виде научн. докл. на соискание ученой степени д-ра с.-х. наук : спец. 06.03.02 "Лесоустройство и лесная таксация" / А.А. Строчинский. – К., 1992. – 70 с.
16. Строчинский А.А. Модели роста и продуктивность оптимальных древостоев / Строчинский А.А., Швиденко А.З., Лакида П.И. – К. : УСХА, 1992. – 144 с.

На основании повидельной базы данных ПО "Укргослеспроект" проведено моделирование динамики роста основных таксационных показателей буковых древостоев Карпатского региона в пределах групп насаждений разных по составу и происхождению.

Модальные древостои, бук лесной, повидельная база данных, моделирование динамики роста, происхождение насаждений.

On basis of stand-wise database of PA "Ukrderzhlisproekt" modeling of growth of main mensurational parameters of modal beech stands in Carpathian region in term of groups of stands of various composition and origin is provided.

Modal stands, oak, stand-wise database, modeling of growth dynamics, stand origin.